论文 www.scichina.com csb.scichina.com

# 运用一维流体太阳风模型预报行星际激波到达时间

张莹 陈静一 , 冯学尚 \*

中国科学院地质与地球物理研究所,北京 100029; 中国科学院空间科学与应用研究中心,空间天气学国家重点实验室,北京 100190 \*联系人, E-mail: fengx@spaceweather.ac.cn

2009-04-11 收稿, 2009-08-11 接受

国家重点实验室专项基金、国家自然科学基金(批准号: 40890162, 40874078, 40536029 和 40523006)、国家重点基础研究发展计划(编 号: 2006CB806304)和公益性行业(气象)科研专项经费项目(编号: GYHY200806024)资助

摘要 基于一维流体太阳风模型,建立了一个行星际激波扰动传播模型(1D-HD 模型), 用来预报行星际激波到达时间.利用 1997年2月到 2000年 10月间的 68 个激波事件,对 激波到达地球轨道附近的传播时间进行了预测,并将结果与 STOA, ISPM 以及 HAFv.2 模型所得结果进行了比较.1D-HD 模型给出的相对误差<10%的事件占 31%,<30%的事 件占 75%,<50%的事件占 84%.与 STOA, ISPM 和 HAFv.2 模型相比,对于相同的样本 事件来说,1D-HD 模型给出的误差都不大于其他模型,从而显示了该模型在空间天气实 时预报中所具有的潜力. 关键词 行星际激波 扰动传播模型 到达时间的预测

太阳活动是空间天气的主要驱动源,对日地空 间环境具有举足轻重的影响. 众所周知, 瞬时太阳 爆发活动、如太阳耀斑、 型射电暴、暗条爆发以及 日冕物质抛射(CMEs)等是造成强烈行星际激波以及 非重现性地磁扰动的太阳源. 在太阳风等离子体中, 与 CME、耀斑以及流与流相互作用等相联系的行星 际激波被视为太阳扰动在行星际空间的表现形式之 一,并且激波到达地球轨道通常对应于地磁暴的急 始,是相应地磁扰动开始的标志.因而如何基于太 阳爆发活动在近太阳的观测来预报相应行星际激波 到达地球轨道的时间是空间天气研究与预报中一个 重要方面. 国内外已发展了很多激波到达时间的预 报模式.其中,"激波到达时间(STOA)"、"行星际激波 传播(ISPM)"和"太阳风运动学模型(HAFv.2)"作为美 国空间环境中心(NOAA/SEC)空间天气"Fearless Forecast"预报模式实时运行于网上,并积累了大量 的观测事件.

STOA 模型<sup>[1,2]</sup>基于点源爆炸波的自相似理论, 并采用活塞驱动的概念修正的理论模型. ISPM 模 型<sup>[3,4]</sup>是基于 2.5 维 MHD 数值模拟的参数化研究. 按 照这一模型,一旦知道了太阳爆发事件释放到太阳 风中的能量和爆发源区位置,那么相应激波传播到 1 AU 的时间以及到达 1 AU 时的激波强度都可以通过 代数方程组求解得到. HAFv.2<sup>[5,6]</sup>是一个模拟大尺度 太阳风结构和行星际扰动传播的"修改运动学"模型, 它描述了太阳风从非均匀的太阳表面流向行星际的 过程,并考虑了多个激波的追赶/相互作用过程以及 背景流动的非均匀性. 统计研究表明<sup>[6~8]</sup>,上述模型 有关激波到达时间的预报精度基本相当,对大量事 件给出的平均误差一般在 12 h 左右.

本文基于一维流体力学扰动方程建立起一个激 波扰动的传播模型,给出一种处理激波从太阳传播 至地球轨道附近(1 AU 处)的所需时间的一般解.这 种简化的一维流体(1D-HD)数值模型能较好地反映

**引用格式**: 张莹, 陈静一, 冯学尚. 运用一维流体太阳风模型预报行星际激波到达时间. 科学通报, 2009, 54: 3864~3869 Zhang Y, Chen J Y, Feng X S. Predicting the shock arrival time using 1D-HD solar wind model. Chinese Sci Bull, doi: 10.1007/s11434-009-0610-8 扰动在行星际空间传播的最基本的物理图像.本文利用 1997年2月到 2000年 10月间的 68 个激波事件, 对激波到达地球轨道附近的传播时间进行了预测, 并将结果与 STOA, ISPM 以及 HAFv.2 模型所得结果 进行了比较.

1 模型简介

### 1.1 一维时变流体力学方程组

一维球对称的绝热太阳风的流体力学方程组<sup>[9]</sup> 为

$$\begin{cases} \frac{\partial \rho}{\partial t} + v \frac{\partial \rho}{\partial r} + \rho \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{2\rho v}{r} = 0, \\ \frac{\partial v}{\partial t} + v \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial r} + \frac{GM_s}{r^2} = 0, \\ \left(\frac{\partial p}{\partial t} + v \frac{\partial p}{\partial r}\right) + a^2 \left(\rho \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{2\rho v}{r}\right) = 0, \end{cases}$$
(1)

其中, $\rho$ 为密度,v为径向速度,p为热压强,a为 局地声速( $a^2 = \gamma p / \rho$ , $\gamma$ 为多方指数),G为万有引 力常数, $M_s$ 为太阳质量.

在日球层坐标系中,  $V_{\varphi}$ 和  $B_{\varphi}$ 均为 0, 由磁通量 守恒, 径向磁场大小满足:  $B_r = 1/r^2$ . 我们对物理量  $\rho$ , v, B, p, t, r 以  $\rho_0$ ,  $v_0$ ,  $B_0$ ,  $p_0$ ,  $\tau_A$ ,  $R_s$ 归一化, 下角标 0 表示日面各参数的值, 特征 Alfvén 时间  $\tau_A = R_s/V_A$ , 特征 Alfvén 速度  $V_A = |B_0|/\sqrt{4\pi\rho_0}$ , 太阳半径  $R_s$ , 可得:

$$\begin{cases} \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial (\rho v)}{\partial r} + \frac{2\rho v}{r} = 0, \\ \frac{\partial v}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{v^2}{2} \right) + \frac{\beta}{2\rho} \frac{\partial p}{\partial r} + \frac{\alpha}{r^2} = 0, \\ \frac{\partial p}{\partial t} + v \frac{\partial p}{\partial r} + \gamma p \frac{\partial v}{\partial r} + \gamma \frac{2pv}{r} = 0, \end{cases}$$
(2)

其中等离子体热压与磁压的比值  $\beta = 8\pi p_0 / B_0^2$ ,引力 加速度以太阳表面的引力常数 g 归一化.方程组(2) 保证了质量、动量、能量的守恒,决定了发生在日面 的速度扰动在行星际空间传播的物理过程.

1.2 数值网格的生成

在一维情况下,我们只考虑参数径向的变化.为 了获得较好的时空分辨率,我们把 1~216 R<sub>s</sub>这一计 算范围(即从日面到地球附近的 1 AU 处)分为如下的 两个区域:  $1\sim 20 R_s$  (区域 1)和 20~216  $R_s$  (区域 2). 区域 1 是激波在行星际空间传播最初造成影响的区 域.为了获得较好的计算分辨率,区域 1 采用非均匀 的网格:  $r(i) = (1+0.05)^{i-1}$ ;区域 2 采用均匀网格: r(i) = r(i-1) + 0.5.

当空间网格确定下来之后,为了保证计算的稳定性,时间步长受到了 Courant 条件的约束,有一个上限:  $\Delta t = 0.8 \times \Delta r/C_f$ . 其中, $\Delta r$ 为空间步长, $C_f$ 是局地声速和特征 Alfvén 速度之中较大的一个.

1.3 边界条件的确定

为了获得初始背景太阳风的 Parker 解,我们必须 获得边界的速度、密度和压强(温度可以由 *p* = 2*R*ρ*T* 确定, *R* 为气体常数,考虑了电子对压强的贡献), 再由边界条件根据差分方程进行迭代,得到背景太 阳风各个空间节点上的参数值.

边界条件可以选取内边界(日面)条件或外边界(1 AU 处)条件.在此模型中,我们选取外边界条件.因 为如果选取内边界(日面)开始迭代,就需要在日面参 数的允许范围内手动调节,以便迭代得出的1 AU 处 各参数值和观测结果能较好吻合.调节的任意性也 会影响了模型的评测.但是若从外边界开始迭代,则 省去了手动调节,当测试事件数量比较多时,则可以 节省了大量时间,且模拟采用的1 AU 处太阳风部分 甚至全部参数可以与观测精确吻合.

为了简单起见,我们只采用了观测数据中 1 AU 处背景太阳风速度 $V_{sw}$ .为了增加程序的稳定性,并 结合卫星实际观测,当背景太阳风速度小于 500 km/s 时,我们将 1 AU 处的粒子数密度定为 18 cm<sup>-3</sup>, 否则定为 9 cm<sup>-3</sup>.设1 AU 处的温度为 $T_{au}$ ,根据流体 力学方程组(1),在稳态的情况下, $T_{au}$ , $V_{sw}$ 满足约 束关系:

$$U_{au}^{2} + \frac{\gamma}{\gamma - 1} - H - \frac{\mu}{\gamma - 1} \left(\frac{4}{H}\right)^{\frac{4(\gamma - 1)}{\mu}} \left(\frac{\gamma}{2}\right)^{\frac{2}{\mu}} U_{au}^{\frac{2(\gamma - 1)}{\mu}} = 0, \quad (3)$$

其中  $H = \frac{GM_s}{R_s RT_{au}}$ ,  $U_{au}^2 = \frac{\rho_{au}V_{sw}^2}{2p_{au}}$ ,  $\mu = 5 - 3\gamma$ . 当 1 AU 处速度由观测给定时,可以通过牛顿迭代法求解 方程(3),来唯一地确定 1 AU 处的温度.

#### 1.4 初态背景太阳风的获得

在求解方程组(2)之前,必须先解析推导并数值

求出 Parker 解, 作为系统的初始状态. 我们假定背景 太阳风是方程组(2)的稳态解, 系统不随时间变化, 则有  $\partial/\partial t = 0$ , 将这一条件代入方程组(2), 化简可得 无量纲的一维背景太阳风的稳态方程:

$$\begin{cases} v \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}r} + \frac{\beta}{2} \frac{1}{\rho} \frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}r} + \frac{\alpha}{r^2} = 0, \\ \rho v r^2 = const = C_1, \\ p \rho^{-\gamma} = const = C_2, \end{cases}$$
(4)

由方程组(4),可以得到:

$$v \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}r} \left( 1 - \frac{a^2}{v^2} \right) = \frac{2a^2}{r} - \frac{\alpha}{r^2},$$
 (5)

其中,  $a^2 = \beta \gamma p / 2 \rho$ , 是经过归一化的局地声速.

由(5)式可知, 临界点在 dv/dr=0 的位置, 在这里 太阳风从亚声速变为超声速. 这时有

$$r = r_c = \frac{\alpha}{2a_c^2},$$
$$v_c^2 = a_c^2 = \frac{\beta\gamma}{2}\frac{p_c}{\rho_c}.$$

整理(5)式:

$$\frac{dv}{dr} = \frac{\frac{2a^2}{r} - \frac{\alpha}{r^2}}{v\left(1 - \frac{a^2}{v^2}\right)},$$
(6)

其中 $a^2 = \frac{\beta\gamma}{2} \frac{p}{\rho} = \frac{\beta\gamma}{2} C_2 C_1^{\gamma-1} (\nu r^2)^{1-\gamma}$ .考虑临界点的处理,并把(6)式在给定边界条件的情况下进行迭代,即可得到背景太阳风速度和*r*的关系.

### 1.5 太阳瞬时事件的模拟

当太阳瞬时事件,如耀斑、日冕物质抛射等爆发时,将在源表面的背景太阳风速度叠加上扰动产生的高速流,这一高速流向行星际空间传播,可以形成观测到的行星际瞬变激波.参照 HAF 模型<sup>[5,10]</sup>,我们同样认为,太阳瞬时事件活动源中心处速度 V 随时间 t 按规律  $V(t) = V_s(t/\tau) \exp(1-t/\tau)$  变化,其中  $V_s$ 为爆发活动的最大速度,即初始激波速度,由型射电暴估计得到; $\tau$ 为激波持续时间,可由软 X 射线流量观测得到.

用数值方法求解常微分方程(5)以后,我们便获 得了稳态的Parker 解.把这个稳态背景太阳风作为方 程组(2)的初态,选取适当的数值格式,这里我们采 用的是Roe格式<sup>[11]</sup>,即可以求解偏微分方程组(2).在 没有扰动的情况下,方程组(2)的演化应该是稳态的, 在日面加入太阳瞬时事件的扰动后,即可以得到扰 动在行星际传播的一维演化.

## 1.6 激波到达的判据

借鉴 HAF 模型的方法,我们通过引入 L1 点的激 波强度指数(*SSI* = log( $\Delta P/P_{min}$ )),来判断激波是否到 达地球以及确定其到达时间<sup>[5,6]</sup>,其中,*P*为动压,  $\Delta P$ 为连续时间步的动压变化, $P_{min}$ 为所有时间步中 的动压的最小值.经过程序测试,当 *SSI* >–0.4,可以 认为激波能到达地球.

# 2 预报结果

由前述可知, 行星际激波传播到 1 AU 处所需要 的时间是由初始激波速度(*V<sub>s</sub>*)、持续时间(τ)和背景 太阳风速度(*V<sub>sw</sub>*)三者共同决定. 图 1(a)给出了在不同 背景太阳风速度的条件下, 激波到达地球轨道的渡越 时间随激波初始速度的变化. 可以看出, 渡越时间(*T*) 随激波初始速度的增高而下降, 并且背景太阳风速度 越小, 这种变化趋势越明显, 背景太阳风速度的增加 会削弱渡越时间对激波初始速度的依赖关系. 图 1(b) 则给出相应于不同的持续时间, 激波传播到地球的渡 越时间随初始激波速度的变化. 图中渡越时间随太阳 风速度的增加而下降, 且在初始激波速度相同的情况 下, 激波的持续时间越长, 其渡越时间就越短.

我们将通过一定数量样本事件来考察误差的分 布规律,分析 1D-HD 扰动传播模型在描述实际激波 传播问题时的优点与不足之处,并进行修正.我们搜 集了 1997 年 2 月至 2000 年 10 月期间(第 23 太阳活 动周的上升相)68 个到达地球的太阳耀斑-行星际激 波事件<sup>[6]</sup>.由于本文只关注激波到达时间的预报,因 此在同一时期内,那些只有太阳爆发活动、相应激波 未到达地球的事件不作为这里的样本事件,还有一 些事件中耀斑与激波并非一一对应关系,这些事件 也被排除样本之外.对于这 68 个样本事件,我们需 要的观测参数有:初始激波速度( 型射电暴估计)、 持续时间(软 X 射线流量观测)、背景太阳风速度以及 相应行星际激波到达 L1 点的时间等.

3866



(a) 不同的扰动持续时间( $\tau$ )下,激波到达地球轨道的渡越时间(T)随激波初始速度( $V_s$ )的变化; (b) 不同背景太阳风速度( $V_{sv}$ )下,激波到达地球轨道的渡越 时间(T)随激波初始速度( $V_s$ )的变化

对于 68 个样本事件的初始激波速度、持续时 间以及背景太阳风速度作为输入参数、利用1D-HD 模型计算出每一事件的激波渡越时间的原始预报 值,并算出原始预报值与观测之间的误差  $\Delta T_{\mu\nu}$  =  $T_{HD} - T_a$ ,这里  $T_a$ 为到达时间的实际观测值, $T_{HD}$ 为 1D-HD 模型原始预报值, ΔT<sub>HD</sub> 为其误差. 我们 考察实际观测的激波渡越时间 T。相应于模型的原 始预报值 T<sub>HD</sub> 的分布(如图 2). 图中实线表示实际观 测的激波渡越时间 T<sub>o</sub>关于模型的原始预报值 T<sub>HD</sub> 的线性拟合  $T_o = 29.554 + 0.567 \times T_{HD}$ . 其拟合结果与 理想拟合结果(虚线)并不是十分接近、造成 1D-HD 模型在描述实际激波传播中存在不足的原因可能 有很多方面. 首先、该模型是没有考虑瞬时事件爆 发的所在位置对激波渡越时间的影响;其次、该模 型的输入参数:初始激波速度 V, 对于激波到达时 间的预报的影响较大、而且它是由 型射电暴估计 得到的,本身就存在着一定误差;再者,背景太阳 风的速度对激波到达时间也有较大影响<sup>[12,13]</sup>。而该 模型是球对称模型、未能体现实际太阳风的非均匀 性、利用现有模型很难对每个事件都能给出一个较 为真实的背景场. Heinemann<sup>[14]</sup>的研究表明, 如果 不考虑背景太阳风中小尺度的不均匀性(<<1 AU), 则相应到达时间预报的误差一般会在 9~15 h. 鉴于 前面所述的原因、我们将如下修正后的结果作为 1D-HD 模型预报的激波渡越时间: T'\_{HD} = 29.554+ 0.567×T<sub>HD</sub>,其中,T'<sub>HD</sub>为 1D-HD 模型修正后的预 报值.



图 2 实际观测的激波渡越时间 T<sub>o</sub>相应于模型的试验预报值 T<sub>HD</sub>的分布 实线表示两者之间的线性拟合

结果表明,对 68 个样本事件 1D-HD 模型给出的 平均绝对值误差  $|\Delta T|$  修正前的结果为 13.43 h,修正 后则为 12.75 h,可以看出,其预报结果经过修正得 到了明显改善.对于 STOA 模型,相应平均绝对值 误差为 14.09 h;与之类似,对于 ISPM 模型,其平均 绝对值误差为 13.87 h;对于 HAFv.2 模型,其平均绝 对值误差为 14.10 h.表 1 给出对于同样的事件, 1D-HD 模型 分别与 STOA, ISPM 和 HAFv.2 预报的 平均绝对值误差对比.可以看出,就到达时间预报 的精度而言,这些模型是相当的,我们的 1D-HD 模 型的预报误差均不大于其他 3 个模型.

表1	STOA, ISPM, HAFv.2 与 1D-HD 模型预报时间的				
平均绝对值误差的比较					

	平均绝对值误差/h
STOA	14.09
ISPM	13.87
HAFv.2	14.10
1D-HD (原始值)	13.43
1D-HD (修正值)	12.75

如图 3 所示, 修正后, 1D-HD 模型频次分布的峰 值位于误差为 0 附近, 随着误差的增大, 相应事件数 目逐渐减小, 基本呈高斯分布.这种预报误差正态 分布的特征表明模型的理论基础考虑了激波传播物 理过程的主要方面. 然而其他因素的影响, 如日冕 密度分布、大尺度日球电流片位形、太阳风密度不 均匀性等<sup>[15~17]</sup>, 也会在很大程度上影响行星际激波 的传播及到达地球的时间. 这些未考虑因素的存在, 使得模型预报的精度一般在 12 h 左右, 很难进一步 提高.

预报的相对误差定义如下:

$$\sigma = \frac{\left|T_o - T_{pred}\right|}{T_o}$$

统计结果表明,在全部 68 个事件中,修正前 1D-HD 模型预报时间的相对误差  $\sigma \le 10\%$ 的事件占 29%;  $\sigma \le 30\%$ 的事件占 66%;  $\sigma \le 50\%$ 的事件占 90%, 而修正后 1D-HD 模型预报相对误差  $\sigma \le 10\%$ 的事件则 占 31%,  $\sigma \le 30\%$ 的事件占 75%;  $\sigma \le 50\%$ 的事件占 84%,



可以看出, 经过修正, 对于预报相对误差<50%的事件, 结果得到了明显改善. 对于 STOA 模型,  $\sigma \le 10\%$ , 30%, 50%的事件分别占 24%, 63%和 78%. 类似地, 对于 ISPM 模型,  $\sigma \le 10\%$ , 30%, 50%的事件分别占 21%, 50%和 59%. 对于 HAFv.2 模型,  $\sigma \le 10\%$ , 30%, 50%的事件分别占 31%, 72%和 93%, 见表 2. 由表中数据可见, 对于预报的相对误差而言, 4 个模型的精度是基本相当的.

表 2 STOA, ISPM, HAFv.2 与 1D-HD 模型预报误差的 比较

	事件所占百分比		
	$\sigma \leq 10\%$	$\sigma \leq 30\%$	$\sigma{\leq}50\%$
STOA	24%	63%	78%
ISPM	21%	50%	59%
HAFv.2	31%	72%	93%
1D-HD (原始值)	29%	66%	90%
1D-HD (修订值)	31%	75%	84%

# 3 讨论

本文基于一维流体力学扰动方程建立起一个激 波扰动的传播模型,来预报激波到达时间.Gonzalez-Esparza等人<sup>[18]</sup>曾经利用一维流体模型,对8个 不同的 CME 事件在两种不同的背景太阳风条件下进 行模拟,得到了一系列的统计结果,这些结果表明: CME的渡越时间不仅仅依赖于CME的初始速度、而 且还依赖于背景太阳风速度,而且快速 CME (Vcme>1000 km/s) 渡越时间依赖于 CME 初始激波速 度的变化趋势较小,故其预报准确率较高.而我们 的模型也得到了同样的结果: 行星际激波传播到 1 AU 处所需要的时间会受到初始激波速度和背景太 阳风速度的影响、并且在不同背景太阳风速度的条 件下、激波到达地球轨道的渡越时间随激波初始速 度的变化也不同. 渡越时间随激波初始速度的增高 而下降、背景太阳风速度越小、这种变化趋势越明 显,背景太阳风速度的增加会削弱渡越时间对激波 初始速度的依赖关系.

利用 1997-02~2000-10 期间的 68 个太阳爆发-行 星际激波事件,将其作为试验样本,尝试用 1D-HD 模型对激波到达时间进行实际预报.该模型的输入 参数包括扰动持续时间、初始激波速度和背景太阳 风速度.对 68 个样本事件的试验表明,1D-HD 模型 给出的相对误差<10%的事件占31%,<30%的事件占75%,<50%的事件占84%.与STOA,ISPM和HAFv.2模型相比,对于相同的样本事件来说,1D-HD模型给出的误差都不大于其他模型,从而显示了该模型在空间天气实时预报中所具有的潜力.

然而,该模型也存在一些尚待改进之处.首先, 日冕物质抛射是一个非常复杂的空间等离子体过程, 而我们仅仅利用卫星探测的 3 个观测数据来简单模 拟扰动的加入,而没有考虑太阳爆发事件的位置的 影响,其结果不够精确是可以理解的.其次,我们不 是对某一个特定的具体事件而是要通过一定的观测 输入来探讨一个预报时间的可操作方法,把它用于 太阳爆发事件到达时间的研究,可能对大量事件的 研究会有一定误差,但这是一个模拟与统计意义上的结果.而对多个连续爆发事件的模拟,由于部分爆发事件是相继发生的<sup>[12.13]</sup>,它们在行星际空间发生了追赶等相互作用,对于这类事件,我们将前一个事件的扰动作为了后一个事件的背景,同样可以得到较好的预报结果.再者,该模型使用的是一维模型,虽然在一定程度上反映了扰动传播的物理图景,却还是过于简单.一维径向磁场的简化使得演化方程退化成流体力学方程.然而物理过程的发生是磁流体力学方程组制约的.如果考虑二维、三维的模拟,深入考虑磁场法向的大小及其变化,能够提高模型的可靠性.这些都是我们未来工作中进一步考虑的方面.

#### 参考文献 \_

- 1 Dryer M, Smart D F. Dynamical models of coronal transients and interplanetary disturbances. Adv Space Res, 1984, 4: 291-301
- 2 Smart D F, Shea M A. A simplified model for timing the arrival of solar-flare-initiated shocks. J Geophys Res, 1985, 90: 183-190
- 3 Smith Z, Dryer M. MHD study of temporal and spatial evolution of simulated interplanetary shocks in the ecliptic plane within 1 AU. Solar Phys, 1990, 129: 387–405
- 4 Smith Z K, Dryer M. The Interplanetary Shock Propagation Model: A model for predicting solar-flare-caused geomagnetic sudden impulses based on the 2-1/2D MHD numerical simulation results from the Interplanetary Global Model (2DIGM), NOAA Technical Memorandum, ERL/SEL-89. 1995
- 5 Fry C D, Sun W, Deehr C S, et al. Improvements to the HAF solar wind model for space weather predictions. J Geophys Res, 2001, 106: 20985–21002
- 6 Fry C D, Dryer M, Smith Z, et al. Forecasting solar wind structures and shock arrival times using an ensemble of models. J Geophys Res, 2003, 108, doi: 10.1029/2002JA009474
- 7 Smith Z K, Dryer M, Ort E, et al. Performance of Interplanetary shock prediction models: STOA and ISPM. J Atmos Sol-Terr Phys, 2000, 62: 1265-1274
- 8 McKenna-Lawlor S, Dryer M, Kartalev M D, et al. Near Real-time Predictions of the Arrival at the Earth of Flare-generated Shocks during Solar Cycle 23. J Geophys Res, 2006, 111: A11103, doi: 10.1029/2005JA011162
- 9 Nayagawa Y, Steinolfson R S. Dynamical response of the solar corona. Astrophys J, 1976, 207: 296–299
   10 Hakamada K, Akasofu S I. Simulation of three-dimensional solar wind disturbance and resulting geomagnetic
- storms. Space Sci Rev, 1982, 31: 3–70
- 11 Cargo P, Gallice G. Roe matrices for ideal MHD and systematic construction of Roe matrices for systems of conservation laws. J Comput Phys, 1997, 136: 446-466
- 12 Wu C C, Feng X S, Wu S T, et al. Effects of the interaction and evolution of interplanetary shocks on "background" solar wind speeds. J Geophys Res, 2006, 111: A12104, doi: 10.1029/2006JA011615
- 13 熊明, 郑惠南, 汪毓明, 等. 1998 年 11 月 4 日至 5 日日冕物质抛射日地传输时间的数值模拟. 地球物理学报, 2005, 48: 731—738
- 14 Heinemann M. Effects of solar wind inhomogeneities on transit times of interplanetary shock waves. J Atmos Sol-Terr Phys, 2002, 64: 315–325
- 15 Moon Y J, Dryer M, Smith Z, et al. A revised shock time of arrival (STOA) model for interplanetary shock propagation: STOA-2. Geophys Res Lett, 2002, 29: 1390, doi: 10.1029/2002GL014865
- 16 Cho K S, Moon Y J, Drger M, et al. A statistical comparison of interplanetary shock and CME propagation models. J Geophys Res, 2003, 108: 1445–1452
- 17 Feng X S, Zhao X H. A new prediction method for the arrival time of interplanetary shocks. Sol Phys, 2006, 238: 167–186
- 18 Gonzalez-Esparza J A, Lara A, Perez-Tijerina E, et al. A numerical study on the acceleration and transit time of coronal mass ejections in the interplanetary medium. J Geophys Res, 2003, 108: 1039, doi: 10.1029/2001JA009186